

Họ, tên học sinh:.....

Số báo danh:.....

Mã đề: 101

PHẦN I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN (7 ĐIỂM)

1. Câu trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn. Học sinh trả lời từ câu 1 đến câu 12 Mỗi câu hỏi học sinh chỉ chọn một phương án.

Câu 1. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường thẳng $d: \begin{cases} x = -1 + t \\ y = 3 - 3t \end{cases}$. Điểm M thuộc đường thẳng d có

tọa độ là:

- A. $M = (1; 3)$. B. $M = (-1; 3)$. C. $M = (3; 1)$. D. $M = (-3; 1)$.

Câu 2. Tập xác định D của hàm số $y = \frac{1}{3}x^2 - 3x + 3$ là:

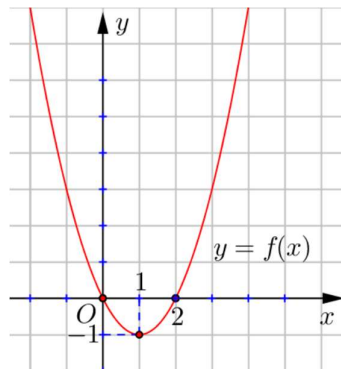
- A. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{3} \right\}$. B. $D = \mathbb{R}$. C. $D = \mathbb{R} \setminus \{3\}$. D. $D = \mathbb{R} \setminus \{3; -1\}$.

Câu 3. Cho tam thức $f(x) = ax^2 + bx + c$ có bảng xét dấu như hình dưới đây. Tìm khẳng định đúng.

x	$-\infty$	$\frac{1}{3}$	$+\infty$
$f(x)$	-	0	-

- A. $f(x) < 0, \forall x \in \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{3} \right\}$. B. $f(x) > 0, \forall x \in \mathbb{R}$.
- C. $f(x) < 0, \forall x \in \mathbb{R}$. D. $f(x) > 0, \forall x \in \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{1}{3} \right\}$.

Câu 4. Cho hàm số $y = f(x) = ax^2 + bx + c$ có đồ thị như hình vẽ



Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(1; +\infty)$.
- B. Hàm số đồng biến trên khoảng $(1; +\infty)$.

C. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(-\infty; -1)$.

D. Hàm số đồng biến trên khoảng $(-1; +\infty)$.

Câu 5. Biểu thức nào sau đây **không** là hàm số theo biến x ?

A. $y = 2x - 3$.

B. $y = 5x^2 - 3x + 4$.

C. $y^2 = x$.

D. $y = \sqrt{x^2 - 1}$.

Câu 6. Trong các biểu thức sau, biểu thức nào là tam thức bậc 2?

A. $f(x) = 3x^2 + 4x - 1$.

B. $f(x) = \sqrt{x^2 + 3x + 4}$.

C. $f(x) = 3x^2 + 4 + \frac{1}{x}$.

D. $f(x) = x + 8$.

Câu 7. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường thẳng $\Delta: 4x + 3y + 2 = 0$. Một véctơ pháp tuyến của Δ là:

A. $\vec{n} = (3; 4)$.

B. $\vec{n} = (4; -3)$.

C. $\vec{n} = (-4; 3)$.

D. $\vec{n} = (4; 3)$.

Câu 8. Tập nghiệm của phương trình $\sqrt{3x^2 - 13x + 14} = x - 3$ là:

A. $S = \{1\}$.

B. $S = \emptyset$.

C. $S = \{1; \frac{5}{2}\}$.

D. $S = \{\frac{5}{2}\}$.

Câu 9. Tập nghiệm của bất phương trình $x^2 - x - 6 \leq 0$ là:

A. $(-\infty; -2) \cup (3; +\infty)$.

B. $[-2; 3]$.

C. $(-\infty; -2] \cup [3; +\infty)$.

D. $(-2; 3)$.

Câu 10. Cho hàm số bậc hai $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) có đồ thị (P) , phương trình trục đối xứng của (P) là:

A. $x = \frac{b}{2a}$.

B. $x = -\frac{b}{a}$.

C. $x = -\frac{b}{2a}$.

D. $x = -\frac{a}{2b}$.

Câu 11. Trong mặt phẳng Oxy , đường thẳng nào sau đây song song với đường thẳng $2x + 3y - 4 = 0$?

A. $3x - 2y + 4 = 0$.

B. $3x - 2y - 4 = 0$.

C. $2x + 3y + 4 = 0$.

D. $4x + 6y - 8 = 0$.

Câu 12. Đường thẳng d đi qua điểm $M(3; 5)$ và có véctơ chỉ phương $\vec{u} = (1; -2)$, phương trình tham số là:

A. $d: \begin{cases} x = 1 + 3t \\ y = -2 + 5t \end{cases}$.

B. $d: \begin{cases} x = 1 + 5t \\ y = -2 - 3t \end{cases}$.

C. $d: \begin{cases} x = 3 + t \\ y = 5 - 2t \end{cases}$.

D. $d: \begin{cases} x = 3 + 2t \\ y = 5 + t \end{cases}$.

2. Câu trắc nghiệm đúng sai. Học sinh trả lời từ câu 1 đến câu 2 Trong mỗi ý **a), b), c), d)** ở mỗi câu, học sinh chọn đúng hoặc sai.

Câu 1. Cho Parabol $y = x^2 - 2x - 3$. Xét tính đúng sai của các mệnh đề sau

a) Parabol cắt trục Oy tại điểm $A(0; -3)$.

b) Parabol có bề lõm hướng lên trên.

c) Tọa độ đỉnh của Parabol là $I(-2; -3)$.

d) Parabol có trục đối xứng là đường thẳng $x = -2$.

Câu 2. Trong mặt phẳng Oxy , cho đường thẳng $\Delta: 4x - 3y + 10 = 0$.

a) Đường thẳng $\Delta': 3x + 4y - 5 = 0$ vuông góc với đường thẳng Δ .

b) Đường thẳng d đi qua $A(1;2)$ và song song với Δ có phương trình $4x - 3y + 2 = 0$.

c) $d(O, \Delta) = 2$.

d) Một vectơ pháp tuyến của đường thẳng Δ là $\vec{n}(3;4)$.

3. Câu trắc nghiệm trả lời ngắn. Học sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4

Câu 1. Trong mặt phẳng Oxy , đường thẳng Δ đi qua điểm $A(2;-1)$ và có vectơ pháp tuyến $\vec{n}(3;2)$. Tìm hệ số C trong phương trình tổng quát của đường thẳng Δ có dạng $3x + 2y + C = 0$.

Câu 2. Tại một điểm du lịch, giá thuê một chiếc xe đạp địa hình được tính như sau: **40.000 đồng** cho giờ đầu tiên, **25.000 đồng** cho mỗi giờ tiếp theo (kể từ giờ thứ hai). Bạn Nam thuê một chiếc xe đạp từ lúc **8 giờ sáng** đến **16 giờ chiều** cùng ngày để tham gia dã ngoại. Tính tổng số tiền mà bạn Nam phải trả cho cửa hàng (đơn vị tính: nghìn đồng).

Câu 3. Xét dấu tam thức $f(x) = -2x^2 - 3x + 5$, được kết quả $f(x) > 0, \forall x \in (a;b)$. Tìm giá trị của a ?

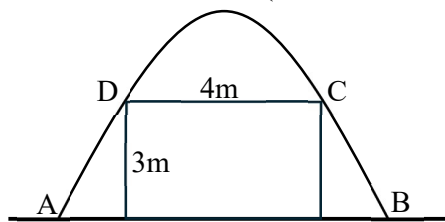
Câu 4. Trong một công viên, người ta thiết kế một con đường chạy bộ thẳng được coi như đường thẳng Δ có phương trình $3x - 4y + 25 = 0$ (đơn vị trên các trục là mét). Một vòi phun nước tự động được đặt tại điểm $M(1;2)$. Tính bán kính phun tối đa để nước từ vòi phun không làm ướt người chạy bộ (đơn vị: mét).

PHẦN II. TỰ LUẬN (3 ĐIỂM).

Câu 1. Trong mặt phẳng Oxy , lập phương trình đường thẳng Δ đi qua hai điểm $A(2;1)$ và $B(5;3)$.

Câu 2. Giải phương trình $\sqrt{2x^2 - 5x + 3} = \sqrt{x^2 + 3x - 4}$.

Câu 3. Một chiếc cổng hình parabol bao gồm một cửa chính hình chữ nhật ở giữa và hai cánh cửa phụ hai bên như hình vẽ. Biết chiều cao cổng parabol là $6m$, cửa chính ở giữa có chiều rộng $4m$ và chiều cao $3m$. Hãy tính khoảng cách giữa hai điểm A và B (hai chân của cổng parabol) theo đơn vị mét. (xem hình vẽ bên dưới).



----- HẾT -----

PHẦN I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN (... ĐIỂM)

1. Câu trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn (Mỗi câu trả lời đúng được 0,25 điểm)

Câu	Mã đề			
	101	102	103	104
1	B	D	C	B
2	B	B	D	D
3	A	C	B	D
4	B	B	B	B
5	C	A	D	C
6	A	A	A	C
7	D	B	B	C
8	B	B	C	D
9	B	C	A	D
10	C	B	C	A
11	C	A	B	D
12	C	B	C	C

2. Câu trắc nghiệm đúng sai. (Điểm tối đa của 01 câu hỏi là 1 điểm.)

- Học sinh chỉ lựa chọn chính xác 01 ý trong 1 câu hỏi được 0,1 điểm.
- Học sinh chỉ lựa chọn chính xác 02 ý trong 1 câu hỏi được 0,25 điểm.
- Học sinh chỉ lựa chọn chính xác 03 ý trong 1 câu hỏi được 0,50 điểm.
- Học sinh lựa chọn chính xác cả 04 ý trong 1 câu hỏi được 1 điểm.

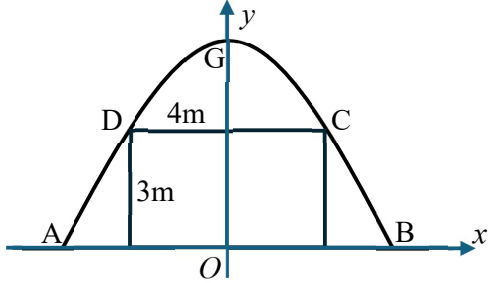
Câu	Mã đề							
	101		102		103		104	
1	a	D	a	D	a	S	a	D
	b	D	b	D	b	D	b	S
	c	S	c	S	c	D	c	D
	d	S	d	D	d	S	d	D
2	a	D	a	D	a	D	a	D
	b	D	b	D	b	D	b	S
	c	D	c	S	c	S	c	S
	d	S	d	S	d	D	d	D

3. Câu trắc nghiệm trả lời ngắn. (Mỗi câu trả lời Đúng học sinh được 0,5 Điểm)

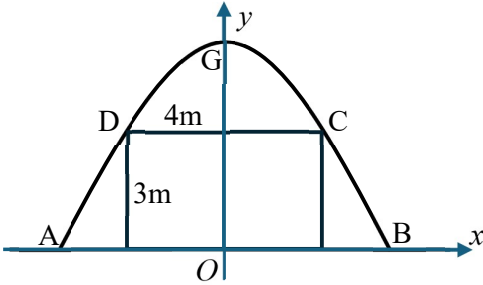
Câu	Mã đề			
	101	102	103	104
1	-4	215	-2,5	215
2	215	-4	4	-4
3	-2,5	-2,5	215	-2,5
4	4	4	-4	4

PHẦN II. TỰ LUẬN (3 ĐIỂM)

Câu	Nội dung (đề 101, 103)	Điểm
1	Ta có: $\overline{AB} = (3; 2)$	0.25
	Phương trình Đường thẳng Δ đi qua $A(2; 1)$ và có vectơ chỉ phương $\overline{AB} = (3; 2)$	0.25
	$\Delta : \begin{cases} x = 2 + 3t \\ y = 1 + 2t \end{cases}$	0.5

2	Bình phương hai vế phương trình (*), ta được: $2x^2 - 5x + 3 = x^2 + 3x - 4$	0.25
	$\Leftrightarrow x^2 - 8x + 7 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 7 \end{cases}$	0.25
	Thay lần lượt $x = 1, x = 7$ vào phương trình (*), ta thấy $x = 1, x = 7$ thỏa mãn phương trình (*).	0.25
	Tập nghiệm của phương trình (*) là: $S = \{1; 7\}$	0.25
3	Gắn hệ trục tọa độ Oxy như hình vẽ, chiếc cổng là một phần của parabol (P) : $y = ax^2 + bx + c$ với $a < 0$. Do parabol (P) đối xứng qua trục tung nên có trục đối xứng $x = 0 \Rightarrow -\frac{b}{2a} = 0 \Leftrightarrow b = 0$.	0.25
		
	Chiều cao của cổng parabol là $4m$ nên $G(0; 6) \Rightarrow c = 6$. $\Rightarrow (P): y = ax^2 + 6$	0.25
	Lại có, kích thước cửa ở giữa là $4m \times 3m$ nên $C(2; 3), D(-2; 3) \Rightarrow 3 = 4a + 6 \Leftrightarrow a = -\frac{3}{4}$. Suy ra $(P): y = -\frac{3}{4}x^2 + 6$.	0.25
	Ta có $-\frac{3}{4}x^2 + 6 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2\sqrt{2} \\ x = 2\sqrt{2} \end{cases}$ nên $A(-2\sqrt{2}; 0), B(2\sqrt{2}; 0)$ hay $AB = 4\sqrt{2}(m)$.	0.25

Câu	Nội dung (đề 102, 104)	Điểm
1	Ta có: $\vec{AB} = (2; 3)$	0.25
	Phương trình Đường thẳng Δ đi qua $A(1; 2)$ và có vectơ chỉ phương $\vec{AB} = (2; 3)$	0.25
	$\Delta: \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 2 + 3t \end{cases}$	0.5
2	Bình phương hai vế phương trình (*), ta được: $2x^2 - 8x + 6 = x^2 - 3x + 2$	0.25
	$\Leftrightarrow x^2 - 5x + 4 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 4 \end{cases}$	0.25
	Thay lần lượt $x = 1, x = 4$ vào phương trình (*), ta thấy $x = 1, x = 4$ thỏa mãn phương trình (*).	0.25
	Tập nghiệm của phương trình (*) là: $S = \{1; 4\}$	0.25

3	<p>Gắn hệ trục tọa độ Oxy như hình vẽ, chiếc cổng là một phần của parabol (P): $y = ax^2 + bx + c$ với $a < 0$.</p> <p>Do parabol (P) đối xứng qua trục tung nên có trục đối xứng $x = 0 \Rightarrow -\frac{b}{2a} = 0 \Leftrightarrow b = 0$.</p> 	0.25
	<p>Chiều cao của cổng parabol là $4m$ nên $G(0; 6) \Rightarrow c = 6$.</p> <p>$\Rightarrow (P): y = ax^2 + 6$</p>	0.25
	<p>Lại có, kích thước cửa ở giữa là $4m \times 3m$ nên $C(2; 3), D(-2; 3) \Rightarrow 3 = 4a + 6 \Leftrightarrow a = -\frac{3}{4}$.</p> <p>Suy ra $(P): y = -\frac{3}{4}x^2 + 6$.</p>	0.25
	<p>Ta có $-\frac{3}{4}x^2 + 6 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -2\sqrt{2} \\ x = 2\sqrt{2} \end{cases}$ nên $A(-2\sqrt{2}; 0), B(2\sqrt{2}; 0)$ hay $AB = 4\sqrt{2}(m)$.</p>	0.25

----- Hết -----