

**PHÒNG GD&ĐT QUẬN ĐÔNG ĐA  
TRƯỜNG THCS CÁT LINH**

Năm học: 2021 - 2022

**ĐỀ CHÍNH THỨC**

**ĐỀ KIỂM TRA CUỐI KÌ HỌC KÌ II**

Môn: TOÁN lớp 9

Ngày kiểm tra: 13/4/2022

Thời gian làm bài: 90 phút

**Bài 1 (2 điểm):**

Cho hai biểu thức  $A = \frac{\sqrt{x} + 3}{12}$  và  $B = \frac{3\sqrt{x} - 15}{x - 25} + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + 5}$  với  $x \geq 0; x \neq 25$

1/ Tính giá trị biểu thức A khi  $x = 9$ .

2/ Rút gọn biểu thức B.

3/ Đặt  $C = \frac{B}{A}$ . Tìm giá trị của x để biểu thức C có giá trị bằng 2

**Bài 2(2,5 điểm):**

1/ Giải bài toán sau bằng cách lập phương trình hoặc hệ phương trình.

Hai người cùng làm chung một công việc thì sau 2 giờ làm xong. Nếu hai người làm riêng thì thời gian người thứ hai làm xong công việc đó nhiều hơn thời gian người thứ nhất làm là 3 giờ. Hỏi mỗi người làm riêng thì sau bao nhiêu giờ mới xong công việc trên?

2/ Một hộp sữa Ông Thọ có chiều cao 14cm và đáy là hình tròn có đường kính 10cm. Tính thể tích hộp sữa (lấy  $\pi \approx 3,14$  ).

**Bài 3 (1,5 điểm):**

Cho phương trình:  $x^2 - 4x + m + 3 = 0$  (1) với m là tham số.

a/ Giải phương trình (1) khi  $m = 0$ .

b/ Tìm m để phương trình (1) có hai nghiệm  $x_1; x_2$  thỏa mãn  $\frac{x_1}{x_2} + \frac{x_2}{x_1} = 4$

**Bài 4 (3,5 điểm):** Cho đường tròn (O) và dây BC không đi qua O. Điểm A di động trên cung lớn BC sao cho tam giác ABC luôn nhọn, kẻ AH vuông góc với BC tại H. Gọi I và K lần lượt là hình chiếu của A trên các tiếp tuyến tại B và C của đường tròn (O). Gọi M, N theo thứ tự là trung điểm của AI và AK.

1/ Chứng minh tứ giác AHCK nội tiếp.

2/ Chứng minh  $\widehat{AHK} = \widehat{ABC}$ .

3/ Chứng minh  $AH^2 = AI \cdot AK$  và khi  $AH = AM + AN$  thì ba điểm A, O, H thẳng hàng.

**Bài 5 (0,5 điểm):** Cho ba số a, b, c là các số thực dương. Chứng minh rằng:

$$\frac{a^3 + b^3}{2ab} + \frac{b^3 + c^3}{2bc} + \frac{c^3 + a^3}{2ca} \geq a + b + c$$

===== HẾT =====

*Thí sinh không được sử dụng tài liệu. Cán bộ coi thi không giải thích gì thêm.*

*Họ và tên thí sinh: ..... ; Số báo danh: .....*