

Bài 1: (2,0 điểm)

Cho biểu thức: $A = \frac{a-4}{a+2\sqrt{a}}$ và $B = \frac{5\sqrt{a}}{\sqrt{a}-2} + \frac{\sqrt{a}-1}{\sqrt{a}+2} - \frac{5a+2}{a-4}$ (ĐKXĐ: $a > 0, a \neq 4$)

1. Tính giá trị của biểu thức A khi $a = 16$.
2. Rút gọn biểu thức B .
3. Tìm các số hữu tỉ a để biểu thức $P = A.B$ có giá trị nguyên.

Bài 2 (2,0 điểm) Giải bài toán sau bằng cách lập phương trình hoặc hệ phương trình:

Theo kế hoạch, hai tổ sản xuất được giao làm 800 sản phẩm. Nhờ tăng năng suất lao động tổ 1 đã làm vượt mức 10% và tổ 2 làm vượt mức 20% so với kế hoạch của mỗi tổ nên cả hai tổ làm được 910 sản phẩm. Tính số sản phẩm thực tế của mỗi tổ đã làm được.

Bài 3 (2,0 điểm)

1. Giải hệ phương trình sau:
$$\begin{cases} \frac{7}{\sqrt{x+7}} - \frac{4}{\sqrt{y-6}} = \frac{-1}{4} \\ \frac{5}{\sqrt{x+7}} + \frac{3}{\sqrt{y-6}} = \frac{11}{4} \end{cases}$$

2. Cho parabol $(P): y = x^2$ và đường thẳng $d: y = 2x - 3 + m^2$. (x là ẩn, m là tham số)
- a) Xác định m để đường thẳng d cắt Parabol (P) tại hai điểm phân biệt A và B .
 - b) Gọi y_1 và y_2 lần lượt là tung độ của hai điểm A và B trên mặt phẳng tọa độ Oxy . Tìm m sao cho $y_1 - y_2 = 8$.

Bài 4 (3,5 điểm) Cho tam giác ABC có 3 góc nhọn nội tiếp đường tròn $(O; R)$, tia phân giác của góc BAC cắt BC tại D , cắt (O) tại E , vẽ DK vuông góc với AB tại K và DM vuông góc với AC tại M .

- a) Chứng minh tứ giác $AKDM$ nội tiếp.
- b) Chứng minh $AD.AE = AB.AC$
- c) Chứng minh $MK = AD.\sin \widehat{BAC}$
- d) Tính tỉ số diện tích tam giác ABC và diện tích tứ giác $AKEM$.

Bài 5 (0,5 điểm) Cho hai số thực dương a, b thỏa mãn điều kiện $a + b \geq 3$.

Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $M = a + b + \frac{1}{2a} + \frac{2}{b}$.