

Bài 1: (4,0 điểm)

a) Thực hiện phép tính: $A = \frac{2^{10} \cdot 3^{10} - 2^{10} \cdot 3^9}{2^9 \cdot 3^{10}}$

b) Thực hiện phép tính: $B = \frac{4}{11.16} + \frac{4}{16.21} + \frac{4}{21.26} + \dots + \frac{4}{61.66}$

c) Tìm x, biết: $1 - (2x + 5) = 12$

Bài 2: (4,0 điểm)

a) CMR : $3^{n+1} + 3^{n+2} + 3^{n+3}$ chia hết cho 13 với mọi n

b) Tìm x, y, z biết: $3x = 2y; 3y = 4z$ và $x + y - z = 99$

c) Có ba gói tiền: gói thứ nhất gồm toàn tờ 1000 đồng, gói thứ hai gồm toàn tờ 2000 đồng, gói thứ ba gồm toàn tờ 5000 đồng. Biết rằng tổng số tờ giấy bạc của ba gói là 340 tờ và số tiền ở các gói bằng nhau. Tính số tờ giấy bạc mỗi loại.

Bài 3: (5,0 điểm)

a) Tìm x, biết: $|2x - 25| - 3 = 2$

b) So sánh A và B biết: $A = \frac{100^{2009} + 1}{100^{2008} + 1}$ và $B = \frac{100^{2010} + 1}{100^{2009} + 1}$

c) Cho hàm số $y = f(x) = a \cdot x + 8$. Tìm giá trị của a biết đồ thị của hàm số đi qua điểm (1; 2a)

Bài 4: (6,0 điểm)

1) Cho $\triangle ABC$ vuông tại A, có $\widehat{ABC} = 60^\circ$. Kẻ $AH \perp BC$ (H $\in$ BC). Trên đoạn thẳng HC lấy điểm D sao cho $HD = HB$. Từ C kẻ $CE \perp AD$ tại E. Chứng minh rằng:

a) $\triangle ADB$ đều

b) $DA = DC$

c) $EH \perp AB$

2) Cho $\triangle ABC$ có $\widehat{BAC} = 60^\circ$. Tia phân giác của $\widehat{ABC}$ và $\widehat{ACB}$ cắt nhau tại I. Tính $\widehat{BIC}$

Bài 5: (1,0 điểm)

Độ dài ba cạnh của 1 tam giác tỉ lệ với 2:3:5, Ba chiều cao tương ứng với ba cạnh đó tỉ lệ (thuận hoặc nghịch) với ba số nào?

-----HẾT-----